

4.11.08

1 מינימום גודל ממון - מבחן

①

jonathan6@post.tau.ac.il

www.cs.tau.ac.il/~jonathan6

ל'נ

ט'ה

ל'נ נסמן L_0 כ- $\{P \in L \mid |P| \leq n\}$. מינימום גודל של L_0 הוא $bb(n)$.
 נסמן $m = \min\{P \in L_0 \mid |P| \leq n\}$. מינימום גודל של L_0 הוא $mm(n)$.

$bb: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ $bb(n) = \max\{[P] \mid P \in L_0, |P| \leq n\}$ מינימום גודל של L_0 הוא $bb(n)$.
 מינימום גודל של L_0 הוא $mm(n)$.

מינימום גודל של L_0 הוא $mm(n)$. ($mm: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$) $mm(n)$ הוא המינימום גודל של L_0 שקיים $P \in L_0$ כך $|P| \leq n$ ו- $[P] \neq k$.

$$mm(n) = \min\{k \mid k \in \mathbb{N}, \forall P \in L_0, |P| \leq n \rightarrow [P] \neq k\}$$

mm הוא מינימום גודל של L_0 שקיים $P \in L_0$ כך $[P] = mm(n)$.

(define (c)
 (define (m n))
 (m (* 5 n)))

$$|m| = N \approx 13$$

$[c] = mm(5N)$. $mm(5N)$ הוא המינימום גודל של L_0 שקיים C ב-

$$7750. |C| = N + \log N + \approx 20 < 5N$$

ל'נ נסמן $f \leq g$ מונטג'ו f מינימום גודל של L_0 שקיים $P \in L_0$ כך $[P] = f$ ו- $[P] \geq g$.
 מינימום גודל של L_0 שקיים $P \in L_0$ כך $[P] = f$ ו- $[P] \geq g$ הוא $f + g$.

ל'נ מינימום גודל של L_0 הוא $minProg: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$.
 מינימום גודל של L_0 הוא $minProg(n)$.

תנו $minProg$ הוא מינימום גודל של L_0 . $bb \leq minProg$

$bb(n) = find(n, 0)$ Where $find(n, k) = \begin{cases} k & minProg(k) \leq n \text{ And } minProg(k+1) > n \\ find(n, k+1) & \text{otherwise} \end{cases}$

$$bb(10) = \begin{cases} minProg(0) = 0 \\ minProg(1) = 7 \end{cases}$$

$$\begin{aligned} minProg(2) &= 7 \xrightarrow{\text{find}} 6 \\ minProg(3) &= 13 \end{aligned}$$

4.11.08

1 (1) מינימום מילויים

$\min\text{Prog}(k+1) > n \iff \exists w \in \Sigma^* \text{ such that } L(w) \geq n \text{ and } L(w) \geq k+1$

ר² מינימום מילויים כפונקציית $\min\text{Prog}(k) \leq n$ מילויים $L(w) \geq k$, $|w| \leq n$
 $b. \exists w \in \min\text{Prog}(k+1) \iff \exists w \in \Sigma^* \text{ such that } L(w) \geq k+1, |w| \leq n$
 $\min\text{Prog}(k+1) = \{w \in \Sigma^* \mid L(w) \geq k+1, |w| \leq n\}$
 $b. \exists w \in \min\text{Prog}(k+1) \iff \exists w \in \Sigma^* \mid L(w) \geq k+1, |w| \leq n$
 $\min\text{Prog}(k+1) = \{w \in \Sigma^* \mid L(w) \geq k+1, |w| \leq n\}$

$$\Sigma_1 = \{0, 1\}, \Sigma_2 = \{0, 1, 2\}; \quad \text{לפניהם מילויים נספחים.} \quad \Sigma_3 = \{0, 1, 2\}$$

תכלית: ② jonathab ① ; $\Sigma = \Sigma_1 \cup \Sigma_2 \cup \Sigma_3$; $\sum_{i=1}^3 |\Sigma_i| = \sum_{i=1}^3 i \cdot k_i$ $\Sigma_1 = \{0, 1\}$ ③

Scheme 2: $\Sigma = \Sigma_1 \cup \Sigma_2 \cup \Sigma_3$ ① ; $\Sigma_1 = \{0, 1\}$ מילויים נספחים; ② ; $\Sigma_2 = \{0, 1, 2\}$ מילויים נספחים; ③ ; $\Sigma_3 = \{0, 1, 2\}$ מילויים נספחים.

ex. true/false: מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt.
 מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt.

הנחתה להיפך מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt.

$\min\text{Prog}(n) = \text{find}(\Sigma)$ where $\text{find}(w) = \begin{cases} |w| & \text{if } \text{halt}(w) \text{ and } |w| \geq n \\ \text{find}(\text{next}(w)) & \text{otherwise} \end{cases}$

הנחתה להיפך מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt.
 $n \leq |w| \iff \text{halt}(w) \iff \text{next}(w) \neq \text{halt}$

הנחתה להיפך מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt.
 $\text{next}(\text{halt}) = \text{halt}$ מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt. מילויים נספחיםhalt.